



Universidad Nacional de Salta

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS
Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA
REPUBLICA ARGENTINA

SALTA, 16 de setiembre de 2015

EXP-EXA: 8.525/2014

RESCD-EXA: 644/2015

VISTO:

Los pedidos de autorización para re-dictar en el 2do. cuatrimestre de 2015, las asignaturas “Matemática Discreta” e “Introducción al Análisis Funcional” de la carrera de Maestría en Matemática Aplicada, en el marco del dictado de la 3ra. cohorte de la misma.

CONSIDERANDO:

Que se cuenta con despachos favorables del Departamento de Matemática (fs. 78 vta. y 87).

Que Comisión de Docencia e Investigación aconseja aprobar los programas y el plantel docente para el dictado de las asignaturas citadas.

POR ELLO:

Y en uso de las atribuciones que le son propias.

EL CONSEJO DIRECTIVO DE LA FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS
(en su sesión ordinaria del 09/09/15)

R E S U E L V E:

ARTICULO 1º: Autorizar el dictado de la asignatura **Matemática Discreta** de la carrera de Maestría en Matemática Aplicada, para el el 2º cuatrimestre de 2015, bajo la dirección del Dr. Thomas Nathaniel Hibbard y del Dr. Jorge Fernández Yazlle, con las características y requisitos que se explicita en el Anexo I de la presente resolución.

ARTÍCULO 2º: Autorizar el dictado de la asignatura **Introducción al Análisis Funcional** de la carrera de Maestría en Matemática Aplicada, para el 2º cuatrimestre de 2015, a cargo de la Mag. Elda Graciela Canterle y de la Mag. Mónica Nancy Cruz, con las características y requisitos que se detalla en el Anexo II de la presente resolución.

ARTICULO 3º: Hágase saber con copia al plantel docente de las asignaturas Matemática Discreta e Introd. al Análisis Funcional, al Comité Académico de Maestría en Matemática Aplicada, al Departamento Adm. de Posgrado y al Departamento Archivo y Digesto de la Facultad. Cumplido, resérvese.

mxs
rer


Mag. MARCELO DANIEL GEA,
SECRETARIO DE EXTENSION Y BIENESTAR
FACULTAD DE CS. EXACTAS - UNISA




Ing. CARLOS EUGENIO PUGA
DECANO
FACULTAD DE CS. EXACTAS - UNISA



Universidad Nacional de Salta

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS
Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA
REPUBLICA ARGENTINA

ANEXO I de la RESCD-EXA 644/2015 – EXP-EXA: 8525/2014

Asignatura: “MATEMÁTICA DISCRETA”

Carrera: Maestría en Matemática Aplicada – Plan 2006

Docentes Responsables: Dr. Thomas Nathaniel Hibbard y Dr. Jorge Fernando Yazlle

Plantel Docente: Dr. Thomas Nathaniel Hibbard, Dr. Jorge Fernando Yazlle y Mag. Diego Luis Alberto.

Fundamentos: Si bien la matemática discreta no es nueva en el siglo 20 – la teoría de grafos fue fundada por Euler, y Pitágoras fue un pionero en la teoría de números – no fue muy respetada antes: se consideraba más bien una diversión, comparada con el trabajo serio del matemático en la matemática continua. Euclides tuvo que disfrazar su teoría de números como geometría.

Con el advenimiento de la computación electrónica, algunos problemas discretos empezaban a verse como urgentes. Los matemáticos puros seguían buscando sus generalizaciones: calcular algo concreto estaba por debajo de su dignidad, pero la gente cuyo trabajo sí era el de calcular algo concreto con las nuevas computadoras, en forma que salga bien confiable y en tiempo aceptable, se enfrentaba con nuevos problemas. Ahora los problemas de esta clase se conocen como problemas del *diseño de algoritmos*. Y siendo la computadora digital un aparato de naturaleza discreta, que analizado cuidadosamente se ve que trabaja solo con números enteros, la matemática involucrada era discreta.

Es por eso que cada libro de matemática discreta tiene un capítulo dedicado a la noción de *algoritmo*. No basta con algunas observaciones generales sobre esa noción, sino que, para que el alumno capte su verdadera significación, se requiere que trabaje con algoritmos concretos, y, además, que los ponga en marcha en una computadora. Hay que seleccionar problemas que conducen a ésto, y allí cada profesor va a tener su propio gusto. Casi siempre se elige la teoría de números y la teoría de grafos. Aquí hemos elegido también la teoría de lenguajes, incluyendo autómatas finitos y gramáticas, funciones generadoras, y finalmente la formalización de la noción de algoritmo, necesaria para el teorema de incompletitud de Gödel.

Objetivos:

- Lograr transmitir a los alumnos el espíritu de la Matemática Discreta, tan distinto al de la matemática continua a la que están habituados.
- Iniciar a los asistentes en la experimentación en matemática con la computadora.

Metodología y Organización: El curso se desarrollará en 21 clases presenciales de cuatro horas de duración cada una, con activa interacción entre docentes y alumnos. 17 clases tendrán carácter teórico, mientras que las restantes se destinarán a desarrollo de ejercicios, incluyendo el uso de herramientas computacionales para la resolución de problemas propuestos. Se prevé 16 horas de trabajo individual de los alumnos.

Recursos: Sala con equipamientos informáticos (*Data display* y computadoras provistas de los programas Matemática y/o Maple, para uso de los alumnos).

Duración total del curso: 100 horas reloj.

///...



Universidad Nacional de Salta

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS

Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA
REPUBLICA ARGENTINA

.../// -2-

ANEXO I de la RESCD-EXA 644/2015 – EXP-EXA: 8525/2014

Evaluación: Se prevé un total de cinco coloquios presenciales durante el dictado del curso, a ser resueltos en forma individual por cada alumno, mientras que al final del cursado se realizará una evaluación global que también tendrá carácter presencial e individual.

Lugar de dictado: Laboratorio de Informática del Departamento de Matemática.

Fecha de Inicio: 16 de septiembre de 2015, hs. 10,00.

Cronograma de dictado: 16, 17 y 18 de setiembre; 22 y 23 de octubre; 1, 2, 3, 4, 9, 10, 11 y 14 de diciembre de 2015.

PROGRAMA ANALÍTICO

TEMA 1: Teoría de números

Algoritmos, notación algorítmica matemática. Números naturales: axiomas de Peano. Algoritmos aritméticos básicos: división, máximo común divisor, algoritmo extendido de Euclides. Números primos. La criba de Eratóstenes. Aritmética modular. Teoría de Grupos y de Cuerpos. El cuerpo \mathbb{Z}_n . Polinomios sobre cuerpos finitos. Aplicaciones a Criptografía. Aritmética de grandes números representados por cadenas.

TEMA 2: Grafos

Grafos no dirigidos. Representación de grafos como estructura de datos. Conectividad. Ciclos de Euler: Teorema de Euler. Grafos ponderados. Camino mínimo: Algoritmos de Dijkstra y de Floyd. Árbol cubridor mínimo: Algoritmo de Prim. Redes de transporte: Algoritmo de Ford y Fulkerson.

TEMA 3: Autómatas

Autómatas finitos. Conjuntos regulares. Autómatas de reconocimiento. Minimización de estados. Expresiones regulares. Teorema de Kleene. Máquina de Turing. Problemas no computables.

TEMA 4: Lenguajes

Lenguajes formales. Gramáticas libres de contexto. Evaluadores para gramáticas. Autómatas de pila.

TEMA 5: Ecuaciones de recurrencia

Funciones generadoras. Ecuaciones en diferencias finitas. Ecuaciones homogéneas de diferencias. Ecuaciones no homogéneas de diferencias.

TEMA 6: Probabilidad Discreta

Espacios de probabilidad discretos, probabilidad condicional, independencia de eventos, espacios producto, variables aleatorias discretas, esperanza. Autómatas estocásticos. Cadenas de Markov.

TEMA 7: Lógica Matemática

Lógica proposicional. Cálculo de predicados. Demostraciones formales. Noción del Teorema de Gödel.

//...



Universidad Nacional de Salta

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS

Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA

REPUBLICA ARGENTINA

.../// - 3-

ANEXO I de la RESCD-EXA 644/2015 – EXP-EXA: 8525/2014

Bibliografía básica

1. Hunter, David J.: *Essentials Of Discrete Mathematics*, 2nd Edition. Jones & Bartlett Learning, 2010.
2. McEliece, Robert J., Robert B. Ash y Carol Ash: *Introduction to Discrete Mathematics*. Random House, 1989.
3. Ferland, Kevin: *Discrete Mathematics*. Cengage Learning, 2008.
4. Liu, C. L.: *Elementos de Matemáticas Discretas*. McGraw-Hill, 1995.
5. Johnsonbaugh, Richard: *Discrete Mathematics*, 7th Edition. Pearson, 2007.
6. Margaris, Angelo: *First Order Mathematical Logic*. Dover, 1990.
7. Jones, Gareth y J. Mary Jones: *Elementary Number Theory*. Springer, 1998.
8. Hibbard, Thomas N. *Matemática Discreta*. (Colaborador: J. Yazlle). EUNSa, 2015.

Bibliografía avanzada

1. Sedgewick, Robert. *Algorithms*, 4th Edition. Addison-Wesley, 2011.
2. Graham, R. L., D. E. Knuth y O. Patashnik. *Concrete Mathematics*, 2nd Edition. Addison-Wesley, 1994.
3. Moret, B. M. E. and H. D. Shapiro. *Algorithms from P to NP*. Volume 1, *Design and Efficiency*. Benjamin/Cummings, 1991.
4. Knuth, Donald E. *The Art of Computer Programming*. Volume 1, *Fundamental Algorithms*. Addison-Wesley, 1968.


 Mag. MARCELO DANIEL GEA
 SECRETARIO DE EXTENSIÓN Y BIENESTAR
 FACULTAD DE CS. EXACTAS - UNSa




 Ing. CARLOS EUGENIO PUGA
 DECANO
 FACULTAD DE CS. EXACTAS - UNSa



Universidad Nacional de Salta

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS

Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA

REPUBLICA ARGENTINA

ANEXO II de la RESCD-EXA 644/2015 – EXP-EXA: 8525/2014

Asignatura: INTRODUCCIÓN AL ANÁLISIS FUNCIONAL

Carrera: Maestría en Matemática Aplicada – Plan 2006

Docentes responsables: Mag. Elda Graciela Canterle y Mag. Mónica Nancy Cruz

Cuerpo Docente: Mag. Elda Graciela Canterle y Mag. Mónica Nancy Cruz

Fundamentos: Estudiar la topología de los espacios métricos, en general y como caso particular los espacios de Banach y los espacios de Hilbert. Analizar los espacios relacionados con la teoría de operadores lineales y acotados y los teoremas fundamentales correspondientes a los mismos. Se espera aprender las técnicas y herramientas del análisis funcional clásico para su aplicación al desarrollo de la teoría de Fourier, al estudio de operadores provenientes de la teoría de Ecuaciones diferenciales y ecuaciones integrales, etc.

Objetivo: Lograr transmitir a los estudiantes las herramientas necesarias del Análisis Funcional clásico para poder resolver problemas clásicos de Ecuaciones diferenciales en Matemática Aplicada.

Metodología: El curso consiste en 4 módulos que se desarrollarán con modalidad teórico-práctico. Constará de 20 clases presenciales cada una con duración de 5 hs. y se dictarán dos por semana. En cada módulo se darán los conceptos teóricos rigurosos nutridos de interesantes ejemplos y una lista de problemas.

Carga horaria: 100 hs.

Lugar y fecha de dictado: Departamento de Matemática, a partir del 23 de septiembre de 2015 a hs. 08:00

Cronograma de dictado: 23, 25, 30 de septiembre de 2015
02, 07, 09, 14, 16, 21, 23, 28, 30 de octubre de 2015
04, 06, 11, 13, 18, 25, 27 de noviembre de 2015
02, 4 de diciembre de 2015.

Sistema de Evaluación: Se tomará 4 coloquios y un examen final teórico-práctico.

Programa Analítico

Espacios Normados. Espacios de Banach. Normas equivalentes. Espacios cocientes.

Normas. Espacios lineales normados. Completación de un espacio vectorial normado. Subespacios cerrados y un Teorema de Riesz. Normas equivalentes. Espacio cociente. Completación en espacios cocientes. Convexidad.

Espacios de Hilbert. Desigualdad de Bessel.

Producto cartesiano de espacios normados. Espacios con producto interno. Espacios de Hilbert. Desigualdad de Bessel. Teorema de Riesz-Fischer. Conjuntos ortonormales completos e identidad de Parseval. El espacio $L_2(0,2\pi)$. Subespacios cerrados. Teorema de proyecciones para espacios de Hilbert.

///...



Universidad Nacional de Salta

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS

Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA
REPUBLICA ARGENTINA

.../// - 2-

ANEXO II de la RESCD-EXA 644/2015 – EXP-EXA: 8525/2014

Teorema de Hahn-Banach.

Teorema de Hahn-Banach. Funcionales lineales acotados. Espacio dual. Consecuencias del Teorema de Hahn-Banach. El espacio dual de l_p . Teorema de representación de Riesz para funcionales sobre espacios de Hilbert. Reflexividad de espacios de Hilbert.

Convergencia Débil. Transformaciones lineales acotadas. El principio de la acotación uniforme. Teorema del gráfico cerrado.

Convergencia débil. Transformaciones lineales acotadas en espacios de Banach. Convergencia en $L(X,Y)$. El principio de la acotación uniforme. Transformaciones cerradas y el teorema de la inversa acotada. Teorema del gráfico cerrado.

Bibliografía Básica

- Bachman, G y Narici, L. “*Functional Analysis*”, Academic Press, 1966.

Bibliografía Avanzada

- Brézis.H. “*Análisis Funcional*”, Alianza Editorial, Madrid, 1984.
- Conway, J.A. “*A course in Functional Analysis*”, Spring-Verlag, 1985.
- Mukherjea, A y Pothven, K. “*Real and Functional Analysis*”, Plenum Press, 1978.
- Rudin, W. “*Functional Analysis*”, Mc. Graw Hill, 1973.
- De Vito, C.L. “*Functional Analysis*”, Academic Press, 1978.
- Weidmann, J. “*Linear Operators in Hilbert Spaces*”, Spring-Verlag, 1980.
- Balakrisnan, A.V. “*Applied Functional Analysis*”, Spring-Verlag, 1976.

Mag. MARCELO DANIEL GEA
SECRETARIO DE EXTENSIÓN Y BIENESTAR
FACULTAD DE CS. EXACTAS - UNSA



Ing. CARLOS EUGENIO PUGA
DECANO
FACULTAD DE CS. EXACTAS - UNSA