

FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA REPUBLICA ARGENTINA

SALTA, 12 de setiembre de 2008

Expediente Nº 8.425/08

RES. C.D. Nº 377/08

VISTO:

La presentación efectuada por la Mag. Eudosia Natividad Diaz de Hibbard mediante la cual solicita autorización para el dictado del curso de posgrado denominado "Matemática Discreta", curso que forma parte del Plan de Estudio de la Carrera de Maestría en Matemática Aplicada que se dicta en esta Unidad Académica;

## CONSIDERANDO:

Que las Comisiones de Postgrado, de Hacienda y de Docencia e Investigación (fs. 17, 17 vta. y 18, respectivamente), aconsejan aprobar el dictado del curso propuesto;

## POR ELLO:

Y en uso de las atribuciones que le son propias;

EL CONSEJO DIRECTIVO DE LA FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS (en su sesión ordinaria del 10/09/08)

# RESUELVE:

<u>ARTÍCULO 1º</u>: Tener por autorizado el dictado del curso de posgrado "Matemática Discreta", bajo la dirección del Dr. Thomas Nathaniel Hibbard, con las características y requisitos que se explicita en el Anexo I de la presente.

ARTICULO 2º: Hágase saber a los docentes responsables del dictado del curso, a los Departamentos Docentes que integran esta Facultad, a la Comisión de Posgrado, a la Dirección Adm. Económica y al Dpto. Adm. Posgrado Cumplido, RESÉRVESE.

mxs

az

Dr. JORGE HERNANDO YAZLLE SECRETARIO ACADEMICO FACULTAD DE SIENCIAS EXACTAS



ing. NORBERTO ALEJANDRO BONINI DECANO FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS



FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA REPUBLICA ARGENTINA

## ANEXO I de la Res. C.D. Nº 377/08 - Expediente Nº 8425/08

Curso de Postgrado: "MATEMÁTICA DISCRETA"

Director: Dr. Thomas N. Hibbard

**Docentes:** Dr. Thomas N. Hibbard y Dr. Jorge F. Yazlle **Coordinadora:** Mag. Eudosia N. Díaz de Hibbard

**Fundamentos y objetivos:** Si bien la matemática discreta no es nueva en el siglo 20 – la teoría de grafos fue fundada por Euler, y Pitágoras fue un pionero en la teoría de números – no fue muy respetada antes: se consideraba más bien una diversión comparada con el trabajo serio del matemático en la matemática continua. Euclides tuvo que disfrazar su teoría de números como geometría.

Con el advenimiento de la computación electrónica, algunos problemas discretos empezaban a verse como urgentes. Los matemáticos puros seguían buscando sus generalizaciones: calcular algo concreto estaba por debajo de su dignidad, pero la gente cuyo trabajo sí era el de calcular algo concreto con las nuevas computadoras, en forma que salga bien confiable y en tiempo aceptable, se enfrentaba con nuevos problemas. Ahora los problemas de esta clase se conocen como problemas del *diseño de algoritmos*. Y siendo la computadora digital un aparato de naturaleza discreta, que analizado cuidadosamente se ve que trabaja solo con números enteros, la matemática involucrada era discreta.

Es por eso que cada libro de matemática discreta tiene un capitulo dedicado a la noción de algoritmo.

No basta con algunas observaciones generales sobre esa noción, sino que, para que el alumno capte su verdadera significación, se requiere que trabaje con algoritmos concretos, y, además, que los ponga en marcha en una computadora. Hay que seleccionar problemas que conducen a ésto, y allí cada profesor va a tener su propio gusto. Casi siempre se elige la teoría de números y la teoría de grafos. Aquí hemos elegido también la teoría de lenguajes, incluyendo autómatas finitos y gramáticas, funciones generadoras, y finalmente la formalización de la noción de algoritmo, necesario para el teorema de incompletitud de Gödel.

#### **Objetivos:**

- Lograr trasmitir a los alumnos el espíritu de la Matemática Discreta, tan distinto al de la matemática continua a la que están habituados.
- Iniciar a los asistentes en la experimentación en matemática con la computadora.

Conocimientos previos necesarios: Se requiere un buen manejo de los conocimientos matemáticos correspondientes a los tres primeros años de una carrera de grado del área de Ciencias Exactas o Ingeniería.

**Profesionales a los que está dirigido el curso:** Profesionales universitarios que cumplan con los prerrequisitos establecidos y alumnos universitarios avanzados de carreras de grado que tengan Cálculo Diferencial e Integral en su Plan de Estudio.

## Metodología y Organización:

El curso se desarrollará en 28 clases presenciales de tres horas de duración cada una, con activa interacción entre docentes y alumnos. Veintitrés clases tendrán carácter teórico, mientras que las restantes se destinarán a desarrollo de ejercicios, incluyendo el uso de herramientas

4 (1)

///...



#### FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA REPUBLICA ARGENTINA

.../// - 2 -

# ANEXO I de la Res. C.D. N°377/08 - Expediente N° 8425/08

computacionales para la resolución de problemas propuestos. Se prevé 16 horas de trabajo individual de los alumnos.

**Recursos:** Sala con equipamientos informáticos (Data display y computadoras provistas de los programas Matemática y/o Maple, para uso de los alumnos).

Horas totales del curso: 100 horas reloj.

**Evaluación:** Se prevé un total de cinco coloquios presenciales durante el dictado del curso, a ser resueltos en forma individual por cada alumno, mientras que al final del cursado se realizará una evaluación global que también tendrá carácter presencial e individual.

### Certificados:

Se entregará un Certificado de Aprobación al inscripto que cumpla con cada uno de los siguientes requisitos:

- 1. Asistir al menos a veintidós de las clases que se dictarán.
- 2. Aprobar al menos cuatro de los cinco coloquios.
- 3. Aprobar la evaluación final.

Se entregará una Constancia de Asistencia al inscripto que cumpla con un mínimo de 80% de asistencia a las clases programadas.

Lugar de realización: Laboratorio de Informática del Departamento de Matemática.

**Fecha de realización:** 4, 5, 18 y 19 de setiembre; 2, 3, 16, 17, 23, 24, 30 y 31 de octubre y 6 y 7 de noviembre de 2008.

Cupo: 10 participantes

Aranceles y erogaciones: Se propone un arancel de \$100 (cien pesos) para docentes de la Facultad de Ciencias Exactas que no sean alumnos de la Maestría en Matemática Aplicada y de \$150 (ciento cincuenta pesos) para docentes de otras Facultades o Universidades. El monto de lo recaudado se destinará a reforzar los fondos de los que dispone la Maestría en Matemática Aplicada para su funcionamiento.

## PROGRAMA ANALÍTICO

#### TEMA 1: Teoría de números

Algoritmos, notación algorítmica matemática. Números naturales: axiomas de Peano. Algoritmos aritméticos básicos: división, máximo común divisor, algoritmo extendido de Euclides. Números primos. La criba de Eratóstenes. Aritmética modular. Teoría de Grupos y de Cuerpos. El cuerpo Zn. Polinomios sobre cuerpos finitos. Aplicaciones a Criptografía. Aritmética de grandes números representados por cadenas.

HILL

///...



#### FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS Avda. Bolivia 5150 – 4400 SALTA REPUBLICA ARGENTINA

.../// - 3 -

# ANEXO I de la Res. C.D. N°377 /08 - Expediente N° 8425/08

#### **TEMA 2: Grafos**

Grafos no dirigidos. Representación de grafos como estructura de datos. Conectividad. Ciclos de Euler: Teorema de Euler. Grafos ponderados. Camino mínimo: Algoritmos de Dijkstra y de Floyd. Arbol cubridor mínimo: Algoritmo de Prim. Redes de transporte: Algoritmo de Ford y Fulkerson.

#### **TEMA 3: Autómatas**

Autómatas finitos. Conjuntos regulares. Autómatas de reconocimiento. Minimización de estados. Expresiones regulares. Teorema de Kleene.

# **TEMA 4: Lenguajes**

Lenguajes formales. Gramáticas libres de contexto. Evaluadores para gramáticas. Autómatas de pila. Máquinas de Turing. Problemas no computables.

#### TEMA 5: Ecuaciones de recurrencia

Funciones generadoras. Ecuaciones en diferencias finitas. Ecuaciones homogéneas de diferencias. Ecuaciones no homogéneas de diferencias.

#### TEMA 6: Probabilidad Discreta

Espacios de probabilidad discretos, probabilidad condicional, independencia de eventos, espacios producto, variables aleatorias discretas, esperanza. Autómatas estocásticos. Cadenas de Markov.

# TEMA 7: Lógica Matemática

Lógica proposicional. Cálculo de predicados. Demostraciones formales. Noción del Teorema de Gödel.

#### Bibliografía básica

- 1. McEliece, Robert J., Robert B. Ash y Carol Ash. *Introduction to Discrete Mathematics*. Random House, 1989.
- 2. Liu, C. L. Elementos de Matemáticas Discretas. McGraw-Hill, 1995.
- 3. Johnsonbaugh, Richard. Matemáticas Discretas. Prentice Hall, 1999.
- 4. Margaris, Angelo. First Order Mathematical Logic. Dover, 1990.
- 5. Jones, Gareth A. and J. Mary Jones. Elementary Number Theory. Springer, 1998.
- 6. Hibbard, Thomas N. Apuntes de Cátedra. (Colaborador: J. Yazlle). Inédito, 2008.

## Bibliografía avanzada

- 1. Knuth, Donald E. *The Art of Computer Programming*. Volume 1, *Fundamental Algorithms*. Addison-Wesley, 1968.
- 2. Sedgewick, Robert. Algorithms. Addison-Wesley, 1988.
- 3. Moret, B. M. E. and H. D. Shapiro. *Algorithms from P to NP*. Volume 1, *Design and Efficiency*. Benjamin/Cummings, 1991.

4. Graham, R. L., D. E. Knuth and O. Patashnik. *Concrete Mathematics*. Addison-Wesley, 1989.

SECRETARIO ACADEMICO
FACULTAD DE SIÉNCIAS EXACTAS



ing. NORBERTO ALEJANDRO BONIN!
DECANO
FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS